



Programação linear
Levantamentos com R
T. Praciano-Pereira

alun@:

29 de outubro de 2012

Lista numero 03
tarcisio@member.ams.org
Dep. de Computação

Univ. Estadual Vale do Acaraú

Documento escrito com L^AT_EX - sis. op. Debian/Gnu/Linux

<http://www.otimizacao.sobralmatematica.org>

Se entregar em papel, por favor, prenda esta *folha de rosto* na sua solução desta lista, deixando-a em branco. Ela será usada na correção.

Exercícios 1 *Fazendo levantamentos com R objetivo: Aprender a usar algumas funções básicas de R muito poderosas para fazer levantamentos estatísticos. O foco é aprender a usar R.*

palavras chave:

??keyword	apresenta informação sobre "keyword"
c()	concatena objetos
demo(pacote)	mostra o uso de pacote, ver também help()
dir()	lista o conteúdo do diretório corrente, ver getwd()
getwd()	mostra qual é o diretório corrente, ver setwd()
help(pacote)	um auxílio sobre uso de pacote
length(x)	mostra o tamanho do vetor x
ls()	produz uma listagem dos símbolos
mean(x)	calcula o valor médio do vetor x
objects()	semelhante a ls()
rm()	apaga símbolos da memória de R
rnorm(n)	cria vetor, n entradas, aleatoriamente
sample(x)	seleção aleatoria de uma matriz x
sd(x)	standard deviation - desvio padrão de x
setwd()	muda diretório
sink()	rediciona a saída de dados
source()	define origem de input
sum()	soma as entrada de uma matriz, ver help(sum)

fonte:

http://www.ats.ucla.edu/STAT/r/notes/getting_started.htm

1. Amostragem

(a) $(V)[](F)[]$ A sequência de comandos

```
n <- 100000; x <- c(0,1); simu <- sample(x, size=n, replace=TRUE);
```

cria um vetor com 100000 coordenadas.

(b) $(V)[](F)[]$ A sequência de comandos

```
n <- 100000; x <- c(0,1,2,3,4,5); simu <- sample(x, size=30, replace=FALSE);
```

cria uma amostra de elementos tirados de {0, 1, 2, 3, 4, 5}.

(c) $(V)[](F)[]$ A sequência de comandos

```
x <- c(0,1,2,3,4,5); simu <- sample(x, size=30, replace=FALSE);
```

produz um erro porque não é possível criar uma amostragem de elementos tirados de {0, 1, 2, 3, 4, 5} com tamanho 30 e sem repetições.

(d) $(V)[](F)[]$ A sequência de comandos

```
x <- c(0,1,2,3,4,5); simu <- sample(x, size=30, replace=TRUE);
```

cria uma amostragem de elementos tirados de {0, 1, 2, 3, 4, 5} com tamanho 30 e com repetições.

(e) $(V)[](F)[]$ A sequência de comandos

```
x <- c("a","b","c","d","e","f"); simu <- sample(x, size=30, replace=TRUE);
```

cria uma amostragem de elementos tirados de {"a", "b", "c", "d", "e", "f"} com tamanho 30 e com repetições.

2. Cálculos com R

(a) $(V)[](F)[]$ Os comandos

```
x = rnorm(100); y = rnorm(100); plot(x,y)
```

ativam a janela gráfica do R mostrando um conjunto de pontos selecionados de forma aleatória no plano.

(b) $(V)[](F)[]$ Os comandos

```
x = rnorm(100); y = rnorm(100); plot(x,y)
```

se executados duas vezes, sucessivamente, mostram diferentes conjuntos de pontos e isto mostra que `rnorm(n)` constrói uma sucessão aleatória de n pontos.

(c) $(V)[](F)[]$ é possível calcular a soma de uma amostra aleatória de n números com dois comandos sucessivos de R, usando de forma adequada:

```
x = rnorm(n); sum(x);
```

e o resultado da soma pode ser visto com `print S`

- (d) $(V)[](F)[]$ é possível calcular a soma de uma amostra aleatória de n números com dois comandos sucessivos de R, com a sequência de comandos:

```
x = rnorm(n); S = sum(x); print(S)
```

o resultado da soma ficando registrada no objeto S que pode ser exibido com o método `print()`.

- (e) $(V)[](F)[]$ com o comando `mean(x)`, se anteriormente tiver sido criado um vetor de números associado ao símbolo x , é possível calcular o valor médio de x .

3. Desvio padrão e média

O desvio padrão é uma medida de dispersão, para o seu cálculo primeiro precisamos saber o valor médio de uma amostra para depois calcular o afastamento que esta amostra tem de sua média. O método `sd()` do R faz tudo isto.

- (a) $(V)[](F)[]$ Se executarmos `D = sd(x)` teremos guardado no símbolo D o desvio padrão da amostra x .

- (b) $(V)[](F)[]$ A sequência de comandos

```
x = rnorm(100); D = sd(x); print(D)
```

exibe o desvio padrão e o comando `plot(x,D)` exibe o gráfico de x e da média D.

- (c) $(V)[](F)[]$ Podemos substituir todos os valores de um vetor x pelo seu valor médio, com dois comandos de R

```
x = rnorm(100); M = mean(x); y = x;
y[y<=M] <- M; y[y>=M] <- M; plot(x,y);
```

- (d) $(V)[](F)[]$ A linguagem R tem o objeto vetor como um objeto básico da linguagem, quer dizer, grande parte dos métodos da linguagem foram produzidos para serem aplicados em vetores.

- (e) $(V)[](F)[]$ Os comandos

```
x = sample(c(0,1,2,3,4,5,6,7,8,9), 100, replace = TRUE);
y = x; y[y>5] <- 5; plot(x,y);
```

produzem o gráfico dos valores de x que sejam menores do que 5.

4. Comunicação com a shell

- (a) $(V)[](F)[]$ O comando

```
getwd()
```

exibe o diretório corrente.

- (b) $(V)[](F)[]$ O comando

```
setwd(/home/usuario/)
```

altera o ponteiro de diretório do R para o diretório básico de usuário. O caminho deve ser absoluto!

- (c) $(V)[](F)[]$ O comando `ls()` faz uma listagem dos arquivos no diretório corrente.

- (d) $(V)[](F)[]$ O comando `ls()` faz uma listagem dos símbolos ativos na memória de R.

- (e) $(V)[](F)[]$ O comando `dir()` faz uma listagem dos arquivos no diretório corrente.

5. Funções de auxílio do R definindo uma função

- (a) $(V)[](F)[]$ Num terminal do R executando `demo()` faz com que R mostre uma lista de pacotes `pkg`, e executando `demo(pkg)`, com um dos elementos desta lista, você pode avaliar a capacidade de R.

- (b) $(V)[](F)[]$ Executando num terminal do R `help(simbolo)` produz algumas páginas de informação sobre `simbolo` terminando com exemplos.

- (c) $(V)[](F)[]$ Executando num terminal do R `help(demo)` você pode obter mais informações sobre o pacote `demo`.

- (d) $(V)[](F)[]$ A expressão

```
f <- function(x){ 4 + x*(5 + x*(3 + x))}
```

associa ao símbolo `f` um objeto do tipo função correspondente a um polinômio do terceiro grau com termo constante 4.

- (e) $(V)[](F)[]$ A sequência de comandos

```
x <- x = runif(500, min=-15, max=15);
x <- sort(x); ## ver help(sort)
y <- f(x); ## aplica uma função, ver help(apply)
```

cria um vetor de números racionais (`float`) com 500 coordenadas, com valores no intervalo $[-15, 15]$, distribuição uniforme, guarda em y as imagens de x pela função `f` definida no item 5d. Finalmente é produzido o gráfico de $(x, f(x))$.

6. Matrizes e sistemas de equações

- (a) $(V)[](F)[]$ Com os seguintes comandos podemos resolver um sistema de equações 10×10 fornecendo as entradas das matriz A pelo teclado e definindo B como um vetor-coluna aleatório com dimensão 10 de dados para o sistema.

```

> A = matrix(c(1,2,3,4,5,6,7,8,9,10,
+             0,-1,0,0,0,0,0,0,0,0 ,
+             0, 0,2,0,0,0,0,0,0,0,
+             0, 0,3,0,0,0,0,0,0,0,
+             0, 0,0,4,0,0,0,0,0,0,
+             0, 0,0,0,5,0,0,0,0,0,
+             0, 0,0,0,0,6,0,0,0,0,
+             0, 0,0,0,0,0,7,0,0,0,
+             0,0,0,0,0, 0,0,1,0,0,
+             0, 0,0,0,0,0,0,0,-1,0,
+             0, 0,0,0,0,0,0,0,0,1), nrow = 10, ncol=10)
B = matrix(rnorm(10, mean = 5, sd = 1), nrow = 10, ncol=1);
x = solve(A,B)

```

- (b) `(V) [(F)]` Com os seguintes comandos podemos resolver um sistema de equações 10×10 fornecendo as entradas das matriz A pelo teclado e definindo B como um vetor-coluna aleatório com dimensão 10 de dados para o sistema.

```

A = matrix(c(1,2,3,4,5,6,7,8,9,10,
+             0,-1,0,0,0,0,0,0,0,0 ,
+             0, 0,2,0,0,0,0,0,0,0,
+             0, 0,0,3,0,0,0,0,0,0,
+             0, 0,0,0,4,0,0,0,0,0,
+             0, 0,0,0,0,5,0,0,0,0,
+             0, 0,0,0,0,0,6,0,0,0,
+             0, 0,0,0,0,0,0,7,0,0,
+             0,0,0,0,0, 0,0,0,1,0,
+             0, 0,0,0,0,0,0,0,0,-1, nrow = 10, ncol=10)
B = matrix(rnorm(10, mean = 5, sd = 1), nrow = 10, ncol=1);
x = solve(A,B)

```

e como x é um resultado aleatório, é interessante ter um sumário dos seus dados o que pode ser obtido com:

```
summary(x)
```

- (c) `(V) [(F)]` Antes de resolver um sistema de equações podemos verificar se ele tem solução única calculando $\det(A)$
- (d) `(V) [(F)]` Antes de resolver um sistema de equações podemos verificar se ele tem solução única calculando $\det(A)$ que se for zero sugere indicarmos um parâmetro para alterar a rotina de solve, como QR, `help(solve)` o que pode bem ser o caso com

```
A = matrix(rnorm(400, mean=0, sd = 0.2), nrow=20, ncol =20)
a probabilidade de que  $\det(A)$  seja zero é grande.
```

- (e) `(V) [(F)]` Um comando pode ser de dois tipos, uma expressão ou uma atribuição, quando for uma expressão R a avalia e imprime o resultado, entretanto, economicamente, não imprime o resultado de uma atribuição. No caso

```
A = matrix(rnorm(400, mean=0, sd = 0.2), nrow=20, ncol =20)
```

R não produz nenhuma saída de dados, se você quiser ver a matriz A é preciso executar

```
A = matrix(rnorm(400, mean=0, sd = 0.2), nrow=20, ncol =20);
A;
```

porque agora A é uma expressão da linguagem.

R é uma expression language e isto significa que um programa é uma concatenação de expressões cujos átomos são funções da linguagem R ou símbolos definidos pelo usuário obedecendo a sintaxe das expression languages.

fonte: Este texto se encontra no link "textos" da página.

An Introduction to R
Notes on R: A Programming Environment for Data Analysis
and Graphics
Version 2.15.1
(2012-06-22)
W. N. Venables, D. M. Smith
and the R Core Team

7. Edição e sessão

É possível guardar ou recuperar os dados de uma sessão de R, verifique como com `help(save)` e observe que é preciso identificar o objeto arquivo com um símbolo definido usando `file` e que os símbolos que identificam objetos devem seguir as regras para os antigos nomes de variáveis.

- (a) `(V) [(F)]` Se você tiver guardado `sessao` usando `save(file = "sessao")` será possível ler com um editor de textos os dados da sessão.
- (b) `(V) [(F)]` Se você tiver guardado `sessao` usando `save(file = "sessao", ascii=TRUE)` será possível ler com um editor de textos os dados da sessão.
- (c) `(V) [(F)]` Você pode acessar expressões anteriores usando a tecla \uparrow e pode saltar entre os átomos da expressão usando `CTRL-L` \leftarrow ou `CTRL-L` \rightarrow .
- (d) `(V) [(F)]` Ao editar uma expressão, você pode mover para o final ou o começo da expressão usando as teclas `home`, `end` do teclado.
- (e) `(V) [(F)]` Se no arquivo `mat.txt` estiver

```
A = matrix(c(1,2,3,4,5,6,7,8,9,10,
            0,-1,0,0,0,0,0,0,0,0,
            0, 0,2,0,0,0,0,0,0,0,
            0, 0,3,0,0,0,0,0,0,0,
            0, 0,0,4,0,0,0,0,0,0,
            0, 0,0,0,5,0,0,0,0,0,
            0, 0,0,0,0,6,0,0,0,0,
            0, 0,0,0,0,0,7,0,0,0,
            0,0,0,0,0, 0,0,1,0,0,
            0, 0,0,0,0,0,0,0,-1,0, nrow = 10, ncol=10)
```

a expressão `source(file="exercicios/Levantamento/mat.txt")` irá associar ao símbolo `A` a matriz 10×10 que está gravada no arquivo `mat.txt`. Diferentes expressões podem ser assim gravadas em arquivos e lidas posteriormente numa sessão do R. Se estiver

```
matrix(c(1,2,3,4,5,6,7,8,9,10,
        0,-1,0,0,0,0,0,0,0,0,
        0, 0,2,0,0,0,0,0,0,0,
        0, 0,3,0,0,0,0,0,0,0,
        0, 0,0,4,0,0,0,0,0,0,
        0, 0,0,0,5,0,0,0,0,0,
        0, 0,0,0,0,6,0,0,0,0,
        0, 0,0,0,0,0,7,0,0,0,
        0,0,0,0,0, 0,0,1,0,0,
        0, 0,0,0,0,0,0,0,-1,0, nrow = 10, ncol=10)
```

nada irá acontecer (visível) ao executar

```
source(file="exercicios/Levantamento/mat.txt")
```

porque o resultado se perderá. Observe que o caminho deve ser absoluto a partir do valor guardado por `setwd()` no símbolo `DIR`.

8. `sink()`

Guardando e recuperando dados

```
source(file="exercicios/Levantamento/mat.txt")
sink(file="exercicios/Levantamento/mat.txt")
```

(a) $(V)[](F)[]$ A expressão

`sink(file="exercicios/Levantamento/mat.txt")` permite escrever resultado no arquivo `exercicios/Levantamento/mat.txt`.

(b) $(V)[](F)[]$ A expressão

`sink(file="exercicios/Levantamento/mat.txt")` redireciona a saída de dados para o arquivo `exercicios/Levantamento/mat.txt` de formas que todas as saídas de dados a partir deste momento irão para o arquivo mencionado.

(c) $(V)[](F)[]$ A expressão `system("comando_da_shell")` executa um comando da shell do UNIX, por exemplo, se `joe` for o nome de um editor de textos, `system("joe exercicios/Levantamento/mat.txt")` lhe permitira editar os dados enviados para o arquivo mencionado ao executar `sink(file="exercicios/Levantamento/mat.txt")`

(d) $(V)[](F)[]$ A expressão

```
A = matrix(rnorm(900, mean=0, sd = 0.1), nrow=30, ncol =30)
```

depois de `sink(file="exercicios/Levantamento/mat.txt")` permite criar uma matriz com grande número de entradas que pode depois ser editada de forma conveniente usando

```
system("joe exercicios/Levantamento/mat.txt")
```

em que `joe` é o nome de um editor de textos do sistema.

(e) $(V)[](F)[]$ É relativamente fácil adquirir dados usando as funções `sink()`, `source()`, `system()`:

9. O espaço de nomes

Três funções servem para gerenciar o espaço de nomes de R

```
objects()
ls()
rm()
```

Analise a sintaxe destas funções com `help`.

(a) $(V)[](F)[]$ As funções `objects()`, `ls()`, `dir()` têm o mesmo efeito.

(b) $(V)[](F)[]$ As funções `objects()`, `ls()` têm o mesmo efeito, ao passo que `dir()` faz uma listagem dos arquivos do diretório apontado por `setwd()`.

(c) $(V)[](F)[]$ Assignar um valor é uma forma de criar novas expressões isto é possível com

```
A <- expressão;
expressão -> A;
assign("A", expressão)
assign("x", c(10.4, 5.6, 3.1, 6.4, 21.7))
```

no último caso criamos um vetor numérico com 5 coordenadas associado ao símbolo `x`.

(d) $(V)[](F)[]$ A função `c()` concatena objetos mas se não houver atribuição o resultado se perde.

(e) $(V)[](F)[]$ As expressões

```
x <- c(1,2,3,4,5);
y <- c(-x,0,x);
y <- sort(y);
```

produzem um vetor com 11 coordenadas ordenadas, aritmeticamente.

10. Aritmética sobre vetores

R aplica as funções predefinidas ou aquelas que a usuária tiver definido às coordenadas de um vetor, porisso o dado básico da linguagem R é vetor.

(a) (V)[](F)[] Se x for um vetor numérico e f for a função polinomial definida na questão 5d então $f(x)$ produz um erro.

(b) (V)[](F)[] Se A for uma matriz como definida na questão 7e e f for a função polinomial definida na questão 5d então $B \leftarrow f(A)$ produz uma nova matriz gravada no símbolo B com a mesma dimensão de A .

(c) (V)[](F)[] É possível ver a dimensão de um objeto com a função `length()`.

(d) (V)[](F)[] Se `length(x) = 10` e `length(y) = 10` então

```
v <- 2*x + y + 1
```

```
length(v) = 10.
```

(e) (V)[](F)[] Se `length(x) = 10` e `length(y) = 10` então

```
v <- 2*x + y + 1
```

produz um erro.